



LUNDS UNIVERSITET
Lunds Tekniska Högskola

Kursplan för

Funktionalanalys och harmonisk analys Functional Analysis and Harmonic Analysis

FMAN80, 7,5 högskolepoäng, A (Avancerad nivå)

Gäller för: Läsåret 2023/24

Fakultet: Lunds tekniska högskola

Beslutad av: Programledning F/Pi

Beslutsdatum: 2023-04-18

Allmänna uppgifter

Valfri för: F5, F5-tf, F5-bs, F5-ss, Pi4-bs, Pi4-ssr, MMSR2

Undervisningspråk: Kursen ges på begäran på engelska

Syfte

Funktionalanalys och harmonisk analys är fundamentala verktyg inom många matematiska tillämpningsområden, som till exempel fältteori, hållfasthetslära, reglerteori, signalbehandling, och inom matematisk statistik och numerisk analys. Kursens syfte är att ge kännedom om grundläggande begrepp och metoder i ämnet, samt förmåga såväl att följa resonemang där dessa används som att självständigt med dessa metoder lösa matematiska problem uppkomna i tillämpningarna. Ett viktigt mål för kursen är också att utveckla en förmåga till abstraktion som gör det lättare att se analogier mellan problem från till synes skilda problemområden.

Mål

Kunskap och förståelse

För godkänd kurs skall studenten

- känna till olika vanliga normer och deras användbarhet i olika tillämpningar.
- känna till betydelsen av begreppen fullständighet och kompaktitet, och att valet av norm har inverkan på dessa egenskaper hos ett rum. I synnerhet ha god förståelse för skillnaderna mellan det oändligdimensionella och det ändligdimensionella fallet.
- vara förtrogen med de grundläggande egenskaperna för dualen till ett normerat rum.
- vara förtrogen med de vanligaste klasserna av linjära begränsade operatorer samt ha förståelse för hur spektralteorin ger information om en linjär operators egenskaper.
- vara väl förtrogen med hur en funktions egenskaper återspeglas i dess Fouriertransform.

- kunna redogöra för grunderna av teorin i samband med ett muntligt förhör.

Färdighet och förmåga

För godkänd kurs skall studenten

- med tillgång till litteratur självständigt kunna integrera metoder och synsätt från olika delar av kursen för att lösa problem och besvara frågeställningar inom kursens ram
- kunna redogöra för lösningen till matematiska problem inom kursens ram i tal och i skrift, logiskt sammanhängande och med adekvat terminologi.
- kunna översätta konkreta matematiska problemställningar till kursens abstrakta begreppsapparat.

Kursinnehåll

Funktionalanalys: normer och approximation, fullständighet, kompakthet, funktionsrum, Hilbertrum, ortogonalitet och ortogonalsystem. Linjära operatorer, kompakta operatorer och självadjungerade operatorer. Spektralteori. Dualrum och Hahn-Banach' sats.

Harmonisk analys: Fouriertransformationen. Sobolevrum och Sobolevs inbäddningssats.

Kursens examination

Betygsskala: TH - (U,3,4,5) - (Underkänd, Tre, Fyra, Fem)

Prestationsbedömning: Hemtentamen följt av en muntlig tentamen.

Om så krävs för att en student med varaktig funktionsnedsättning ska ges ett likvärdigt examinationsalternativ jämfört med en student utan funktionsnedsättning, så kan examinator efter samråd med universitetets avdelning för pedagogiskt stöd fatta beslut om alternativ examinationsform för berörd student.

Antagningsuppgifter

Förutsatta förkunskaper: FMAN55 Kontinuerliga system och FMAN70/FMAN71 Matristeori.

Begränsat antal platser: Nej

Kursen överlappar följande kurser: FMA260

Kurslitteratur

- Renardy & Rogers: An Introduction to Partial Differential Equations. Springer, 2004, ISBN: 0-387-00444-0.
- Egenproducerat material.

Kontaktinfo och övrigt

Kursansvarig: Studierektor Anders Holst, Studierektor@math.lth.se

Lärare: Pelle Pettersson, pelle@maths.lth.se

Hemsida: <https://canvas.education.lu.se/courses/20321>